

Låt oss börja med att bryta ut de enkla delarna:

$$\int_0^{12} 600 - 300 \cos\left(\frac{\pi}{12}t\right) dt = \int_0^{12} 600 dt - 300 \int_0^{12} \cos\left(\frac{\pi}{12}t\right) dt$$

(notera att vi nu har två integraler, och att vi brutit ut 300 ur den andra)

Om vi då bara kollar det jobbiga:

$$\begin{aligned} \int \cos\left(\frac{\pi}{12}t\right) dt &= \int \frac{12}{\pi} \cos(s) ds = \\ &= \frac{12}{\pi} \sin(s) = \\ &= \frac{12}{\pi} \sin\left(\frac{\pi}{12}t\right) \end{aligned}$$

Här gjorde vi alltså variabelbytet  $s = \frac{\pi}{12}t$ , vilket ledde till  $ds = \frac{\pi}{12}dt$  och  $\frac{12}{\pi}ds = dt$ . Sedan är det enkelt att integrera över  $s$ . På sista raden går vi helt enkelt tillbaka till  $t$ .

Den triviala primitiva funktionen för  $600dt$  är naturligtvis  $600t$ .

Så, totalt får vi

$$\begin{aligned} \left[600t - 300 \frac{12}{\pi} \sin\left(\frac{\pi}{12}t\right)\right]_0^{12} &= \left[600t - \frac{3600}{\pi} \sin\left(\frac{\pi}{12}t\right)\right]_0^{12} = \\ &= \left(7200 - \frac{3600}{\pi} \sin(\pi)\right) - \left(0 - \frac{3600}{\pi} \sin(0)\right) = \\ &= (7200 - 0) - (0 - 0) = 7200 \end{aligned}$$